

Nom :

Prénom :

Soit A et B et C les matrices suivantes :

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & -1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix} ; \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 2 & -5 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} ; \quad C = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

1. Calculer à la machine les produits suivants : AB ; AC.

Réponse : AB =

AC =

2. Calculer  $D = (A - 2I_3)^2$ .

Réponse :

3. Donner l'inverse de A (on admet que A est inversible).

Réponse :

4. Considérons le système suivant : 
$$\begin{cases} 2x - y + 3z = 1 \\ -x + y + 4z = -1. \\ 3x + 2y - z = 2 \end{cases}$$

On pose  $X = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$ .

a. Donner le vecteur colonne associé au second membre de ce système. On l'appellera B.

Réponse :

b. Donner la matrice A associée à ce système, et écrire matriciellement ce dernier.

Réponse :

c. A l'aide de la calculatrice, résoudre ce système.

Réponse :